

**PRIMER SEMINARIO DE GEOMETRIA**

01. El complemento de la diferencia entre el suplemento y el complemento de un ángulo es igual a los  $\frac{4}{7}$  de la diferencia entre el suplemento del ángulo y el suplemento del suplemento del ángulo. Halle el suplemento del ángulo.

- A)  $55^\circ$
- B)  $60^\circ$
- C)  $75^\circ$
- D)  $90^\circ$
- E)  $65^\circ$

02. Dos ángulos adyacentes consecutivos AOB y BOC ( $BOC > AOB$ ) se diferencian en  $40^\circ$ , calcule el ángulo que forma el rayo  $\overline{OB}$  con la bisectriz del ángulo AOC.

- A)  $15^\circ$
- B)  $25^\circ$
- C)  $20^\circ$
- D)  $55^\circ$
- E)  $45^\circ$

03. Sobre la recta  $XX'$  se toma un punto O y se trazan los rayos OA y OB. Los rayos PO y OR son bisectrices de los ángulos AOX y BOX'. Si el ángulo POR es  $110^\circ$ , calcule el ángulo AOB.

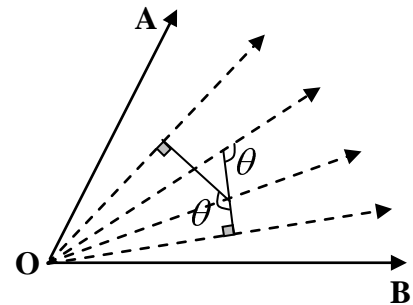
- A)  $40^\circ$
- B)  $45^\circ$
- C)  $55^\circ$
- D)  $35^\circ$
- E)  $60^\circ$

04. Cuatro semirrectas consecutivas OA, OB, OC y OD forman cuatro ángulos consecutivos:  $m\angle AOB = \alpha$ ;  $m\angle BOC = 2\alpha$ ;  $m\angle COD = 3\alpha$  y  $m\angle DOA = 4\alpha$ . Calcule el ángulo que forman las bisectrices de los ángulos AOB y AOD.

- A)  $65^\circ$
- B)  $55^\circ$
- C)  $70^\circ$
- D)  $85^\circ$
- E)  $90^\circ$

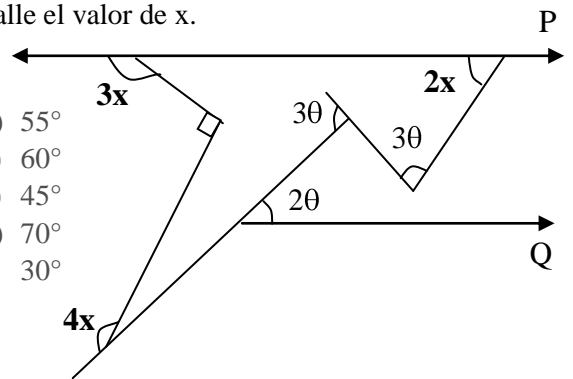
05. Halle  $m\angle AOB$  que ha sido dividido por rayos formando ángulos de igual medida, tal como muestra la figura.

- A)  $85^\circ$
- B)  $80^\circ$
- C)  $75^\circ$
- D)  $60^\circ$
- E)  $90^\circ$



06. En la figura, las rectas  $\overline{P}$  y  $\overline{Q}$  son paralelas. Halle el valor de x.

- A)  $55^\circ$
- B)  $60^\circ$
- C)  $45^\circ$
- D)  $70^\circ$
- E)  $30^\circ$

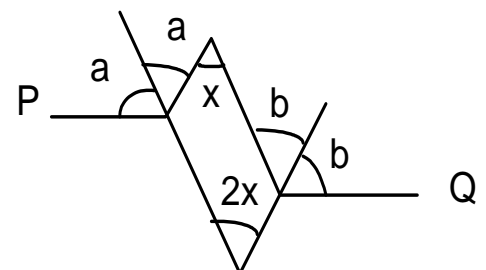


07. Se tienen los ángulos consecutivos AOB, BOC y COD, tal que  $m\angle AOC = 125^\circ$  y  $m\angle BOD = 100^\circ$ . Halle:  $[m\angle AOB - m\angle COD]$ .

- A)  $15^\circ$
- B)  $17^\circ$
- C)  $25^\circ$
- D)  $20^\circ$
- E)  $18^\circ$

08. En la figura las rectas  $\overline{P}$  y  $\overline{Q}$  son paralelas. Halle el valor de x.

- A)  $37^\circ$
- B)  $36^\circ$
- C)  $45^\circ$
- D)  $30^\circ$
- E)  $18^\circ$



09. Se tienen los ángulos adyacentes AOB Y BOC los cuales se diferencian en  $40^\circ$  siendo sus bisectrices los rayos OM y ON respectivamente.

Calcule la medida del ángulo que forma la bisectriz del ángulo MON con el rayo  $\overline{OB}$

- A)  $10^\circ$
- B)  $20^\circ$
- C)  $18^\circ$
- D)  $25^\circ$
- E)  $14^\circ$

10. Los lados  $\overline{AB}$  y  $\overline{BC}$  de un triángulo isósceles son congruentes, las bisectrices exteriores de los ángulos A y C se cortan en O de manera que  $m\angle AOC = 4m\angle ABC$ . Calcule la medida del ángulo B.

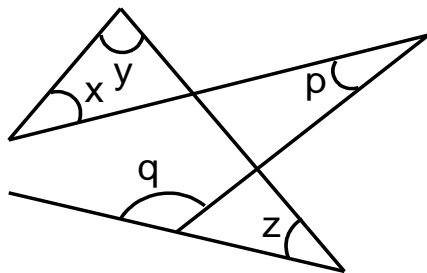
- A)  $15^\circ$
- B)  $20^\circ$
- C)  $25^\circ$
- D)  $30^\circ$
- E)  $55^\circ$

11. En un triángulo ABC las bisectrices interior del ángulo A y exterior del ángulo C se cortan en E de modo que la medida del ángulo AEC sea  $28^\circ$ . Si la diferencia de las medidas de los ángulos A y C es  $16^\circ$ , Calcule la medida del ángulo A.

- A)  $90^\circ$
- B)  $65^\circ$
- C)  $70^\circ$
- D)  $75^\circ$
- E)  $80^\circ$

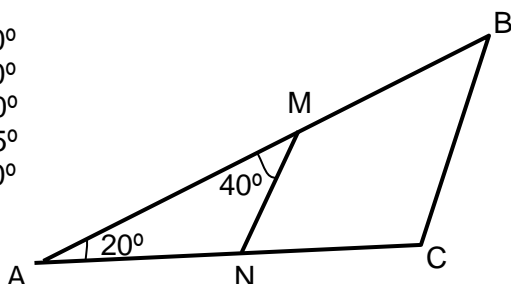
12. Respecto a la figura, calcule:  $\frac{x+y+z}{p+q}$

- A) 2
- B) 1
- C)  $1/2$
- D)  $2/3$
- E) 3



13. En la figura,  $MN = NC = BM$ , entonces la medida del ángulo ABC será:

- A)  $40^\circ$
- B)  $80^\circ$
- C)  $50^\circ$
- D)  $75^\circ$
- E)  $60^\circ$



14. En el triángulo isósceles ABC ( $AB=AC$ ) se inscribe un triángulo equilátero DEF con vértices D sobre  $\overline{AB}$ ; E sobre  $\overline{AC}$  y F sobre  $\overline{BC}$ . Si se cumple que:  $m\angle BFD = a$ ;  $m\angle ADE = b$  y  $m\angle FEC = c$  ¿Qué relación es correcta?

- A)  $2b = a + c$
- B)  $2a = b - c$
- C)  $2c = a + b$
- D)  $2a = b + c$
- E)  $2c = a - b$

15. En un triángulo ABC ( $AB < BC$ ) se traza la altura relativa a AC que divide a esta en dos segmentos de 3m y 8m. Si se sabe que la  $m\angle A = 2m\angle C$ , entonces el valor del segmento AB en m, es:

- A) 4
- B) 5,5
- C) 3,5
- D) 5
- E) 6

16. En un triángulo equilátero ABC, se ubica el punto F en la prolongación de la ceviana interior  $\overline{AM}$ , tal que  $FB = 7$  y  $FC = 3$ . Halle el mínimo valor entero del perímetro del triángulo ABC.

- A) 14
- B) 15
- C) 13
- D) 16
- E) 17

17. En un triángulo ABC se traza la altura  $\overline{BH}$ . Si:  $m\angle BAC = 2(m\angle HBC)$ ; y  $AB=12$ , halle AC

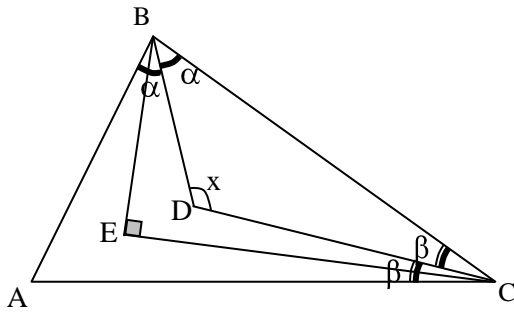
- A) 8
- B) 6
- C) 10
- D) 9
- E) 12

18. En un triángulo ABC se sabe que  $m\angle A = 2m\angle C$ . Si la altura  $\overline{BH}$  determina sobre el lado  $\overline{AC}$  los segmentos  $\overline{AH}$  y  $\overline{HC}$ , que miden "n" y "3n", respectivamente; halle la  $m\angle ABH$ .

- A)  $60^\circ$
- B)  $30^\circ$
- C)  $36^\circ$
- D)  $40^\circ$
- E)  $37^\circ$

19. Respecto a la figura, halle la medida del ángulo "x", si  $\overline{BE}$  y  $\overline{CE}$  son bisectrices de los ángulos ABD y ACD, respectivamente.

- A)  $110^\circ$   
 B)  $150^\circ$   
 C)  $120^\circ$   
 D)  $100^\circ$   
 E)  $140^\circ$



20. En un triángulo obtusángulo isósceles ABC ( $m\angle ABC = 120^\circ$ ), se prolonga  $\overline{AB}$  hasta un punto P y en  $\overline{AC}$ , se ubica el punto Q de manera que:  $AB = BP = QC$ . Halle la  $m\angle BPQ$ .

- A)  $18^\circ$   
 B)  $14^\circ$   
 C)  $20^\circ$   
 D)  $15^\circ$   
 E)  $25^\circ$

21. En un triángulo ABC, cuyo incentro es F, si se cumple:  $(m\angle AFC + m\angle ABC) = 165^\circ$ , halle  $m\angle ABC$ .

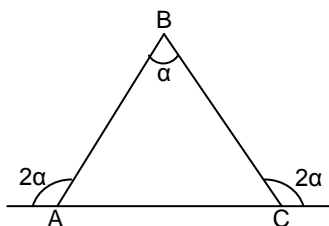
- A)  $20^\circ$   
 B)  $30^\circ$   
 C)  $40^\circ$   
 D)  $50^\circ$   
 E)  $60^\circ$

22. En un triángulo obtusángulo ABC, obtuso en A, las alturas  $\overline{BH}$  y  $\overline{CG}$  se cortan en O, tal que  $OH = AH$ . Halle la medida del ángulo ACB.

- A)  $37^\circ$   
 B)  $60^\circ$   
 C)  $45^\circ$   
 D)  $30^\circ$   
 E)  $53^\circ$

23. En el  $\Delta ABC$  de la figura, halle OE si "O" el ortocentro, "E" el excentro relativo al lado BC y  $AC = 10\sqrt{3}$ .

- A) 15  
 B) 20  
 C) 10  
 D) 30  
 E) 25

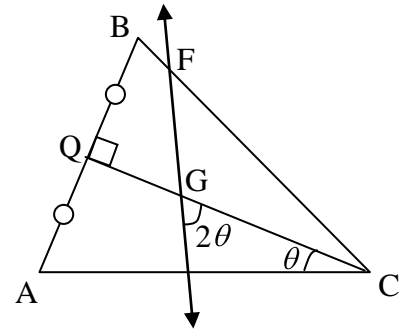


24. Calcule la distancia del ortocentro al incentro de un triángulo rectángulo cuyo inradio mide  $6\sqrt{2}$ .

- A) 11  
 B) 12  
 C) 10  
 D) 14  
 E) 9

25. En la figura, G es el baricentro del triángulo ABC. Halle FG si  $CQ = 9m$ .

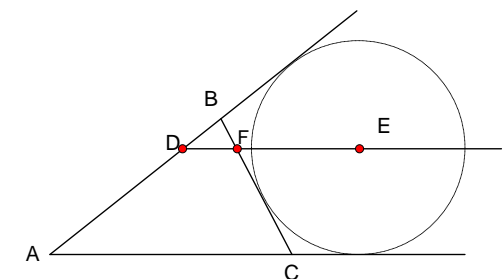
- A) 6m  
 B) 10m  
 C) 5m  
 D) 14m  
 E) 12m



26. En un  $\Delta ABC$ , la  $m\angle ABC = 36^\circ$ , la medida del ángulo exterior en A es  $126^\circ$ . Si la distancia entre el baricentro y el circuncentro es 3 cm, entonces, la distancia entre el circuncentro y el ortocentro de dicho triángulo, en cm, es:

- A) 6  
 B) 12  
 C) 8  
 D) 9  
 E) 10

27. En la figura se muestra el triángulo ABC, E es el excentro relativo a BC,  $\overline{EFD} \parallel \overline{AC}$ ,  $AD = 6$  y  $CF = 4$ . Calcule  $\overline{DF}$ .



- A) 1  
 B) 1,5  
 C) 2  
 D) 2,5  
 E) 3

**CLAVES**

|    |   |
|----|---|
| 01 | D |
| 02 | C |
| 03 | A |
| 04 | E |
| 05 | E |
| 06 | C |
| 07 | C |
| 08 | B |
| 09 | A |
| 10 | B |
| 11 | C |
| 12 | B |
| 13 | C |
| 14 | D |
| 15 | D |
| 16 | C |
| 17 | E |
| 18 | B |
| 19 | C |
| 20 | D |
| 21 | D |
| 22 | C |
| 23 | B |
| 24 | B |
| 25 | A |
| 26 | D |
| 27 | C |